

Ejercicio 22 | Rectas y planos**Geometría vectorial y analítica**

thefinitelement.com

Se tiene el plano $\pi: x + y + 2z = 1$, el punto $R(0,1,2)$ y la recta l :

$$x = -1 + t$$

$$y = 1 - t$$

$$z = 2t$$

Hallar las ecuaciones paramétricas de la recta que contiene a R , es perpendicular a l y paralela a π .

Solución

Las ecuaciones paramétricas de una recta tienen la forma:

$$x = p_1 + td_1$$

$$y = p_2 + td_2$$

$$z = p_3 + td_3$$

Se poseen las componentes del vector $\vec{p} = (0,1,2)$ en las coordenadas del punto R . El vector director requerido se puede calcular teniendo en cuenta que sea ortogonal al vector director de la recta l (\vec{a}) y al mismo tiempo ortogonal al vector normal al plano π (\vec{n}). El siguiente producto cruz permite obtenerlo:

$$\vec{d} = \vec{a} \times \vec{n} = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \\ 2 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}$$

Se obtienen, finalmente, las ecuaciones:

$$x = 0 - 4t = -4t$$

$$y = 1 + 0t = 1$$

$$z = 2 + 2t = 2 + 2t$$